Министерство образования и науки РФ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Омский государственный технический университет»

|  |  |
| --- | --- |
| Факультет (институт) | *Информационных технологий и компьютерных систем* |
|  |  |
| Кафедра | *Прикладная математика и фундаментальная информатика* |
|  |  |

**Расчетно-графическая работа**

|  |  |
| --- | --- |
| по дисциплине | ***Дискретная математика*** |
|  |  |
| на тему | Применение теории графов |

Пояснительная записка

|  |  |
| --- | --- |
| **Шифр проекта** | 020-РГР-02.03.02-№ 10- ПЗ |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | **Студента** | | Курпенова Куата Ибраимовича | | | | | |
|  |  |  |  | | фамилия, имя, отчество полностью | | | | | |
|  |  |  | Курс | *1* |  | Группа | | ФИТ-212 | | |
|  |  |  |  |  |  | |  |  | |  |
|  | | | **Направление (специальность)** | | | | | ***02.03.02*** | | |
|  | | | Фундаментальная информатика и информационные технологии | | | | | | | |
|  |  |  | код, наименование | | | | | | | |
|  |  |  | Руководитель | | ***ст. преподаватель*** | | | | | |
|  |  |  | ученая степень, звание | | | | | |
|  |  |  | ***Федотова И.В.*** | | | | | | | |
|  |  |  | фамилия, инициалы | | | | | | | |
|  |  |  | Выполнил | |  | | | | | |
|  |  |  | дата, подпись студента | | | | | |
|  |  |  |  | | | | | | | |
|  |  |  | **Работа защищена с количеством баллов** | | | | | |  | |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  | дата, подпись руководителя |  |  |  |

Омск 2022

**СОДЕРЖАНИЕ**

[1 Теоретический анализ 3](#_Toc12298)

[1.1 Основные понятия теории графов 3](#_Toc16674)

[2 Решение практической задачи 5](#_Toc25852)

[2.1 Постановка задачи 5](#_Toc27067)

[2.2 Выбор метода решения 6](#_Toc27020)

[2.3 Описания программной реализации алгоритма 7](#_Toc25046)

[СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ 9](#_Toc24608)

[ПРИЛОЖЕНИЕ А 1](#_Toc32708)0

# **1 Теоретический анализ**

Теоретический анализ задания состоит в ознакомлении с основными понятиями, вводимыми и используемыми при рассмотрении данного задания.

# **1.1 Основные понятия теории графов**

*Графом* называется любая пара , где – непустое множество элементов любой природы, – семейство пар элементов из произвольной кратности и упорядоченности. Обозначают граф или .

Элемент множества называется *вершиной*.

Элемент множества называется *ребром*.

Число вершин графа называется его *порядком* и обозначается.

Если вершины соединены ребром , то говорят, что вершины смежные, а ребро инцидентно вершинам .

Множество всех вершин графа смежных с некоторой вершиной, называется *окружением вершины*  и обозначается как .

Два ребра называются *смежными*, если они имеют общую вершину.

*Матрица смежности* графа с конечным числом вершин *n* – это квадратная матрица *A* размера , в которой значение элемента равно числу рёбер из *i*-й вершины графа в *j*-ю вершину.

Если множество упорядоченных пар элементов из , то граф называется *ориентированным графом (орграфом)*.

В этом случае элементы множества называются *дугами*.

При этом дуга называется исходящей из вершины и заходящей в вершину. На диаграмме графа дуга изображается линией со стрелкой из вершины в вершину.

Если в графе хотя бы одна пара вершин соединена более чем одной ребром, то такой граф называется *мультиграфом*, а ребра называются *кратными.*

Дуги, имеющие одинаковые концевые вершины и одинаково направленные называются *параллельными* или *кратными*, анаправленные противоположно – *противоположно-направленными*.

Кроме того, элементами множества  могут быть пары , то они называются *петлями*, а граф называется *псевдографом*. Обычно петля считается неориентированной.

Число ребер, инцидентных вершине , называется *степенью вершины* и обозначается или .

Для ориентированного графа число дуг, исходящих из вершины *,* называется *полустепенью исхода* и обозначается через , а число дуг, входящих в вершину , – *полустепенью захода* и обозначается .

*Маршрутом в графе* называется чередующаяся последовательность вершин и ребер в которой любые два соседних элемента инцидентны.

Маршрут называется *цепью*, если все его ребра различные. Цепь, соединяющая вершины обозначается , и тогда вершина называется *достижимой* из вершины.

Цепь называется *простой*, если все вершины различны.

Для ориентированных графов цепь называется *путем*.

*Путь* называется *простым*, если все вершины различны.

Граф  называется *связным*, если для любых двух его вершин существует соединяющий их маршрут.

*Вес ребра*– числовое значение, поставленное в соответствие данному ребру взвешенного графа.

*Взвешенным графом* (или нагруженным) называется граф если на нём определена любая функция (функция на множестве ребер со значениями во множестве вещественных чисел)[1].

# **2 Решение практической задачи**

Далее будет рассмотрена практическая задача и описаны решения ручным и программным способом.

# **2.1 Постановка задачи**

Постановка задачи следующая: «Имеется сеть трубопроводов, соединяющих пункт А (пункт добычи нефти) с пунктом В (нефтеперерабатывающий завод). Трубопроводы могут соединяться и разветвляться в промежуточных пунктах. Количество нефти, которое может быть перекачено по каждому отрезку трубопровода в единицу времени определяется диаметром трубы. Сколько нефти можно прокачать через такую сеть в единицу времени?

**Формат входных данных**

Во входном файле записано сначала число N (1<=N<=100), определявшее количество узлов сети. Затем идет описание сети, где каждое соединение задается тремя числами - номерами узлов, которые она соединяет и диаметром сети. Все соединения строго ориентированы.

**Формат выходных данных**

На экран выведите числа – суммарная величина объема прокаченной нефти.»

# **2.2 Выбор метода решения**

Для получения ответа нужно применить алгоритм Флойда-Уоршелла, так как именно он позволяет найти самую длинную цепь в графе.

# **2.3 Описания программной реализации алгоритма**

Необходимо выполнить программную реализацию алгоритма (Приложение A) и проверить на том же примере.

# **СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ**

1. Конова Е.А., Поллак Г.А. Алгоритмы и программы. Язык С++: –издательство «Лань», 2017 – 384 с.
2. Мазалов В.В. Математическая теория игр и приложения: – издательство «Лань», 2016 – 446 с.
3. Омельченко А.В. Теория графов: – Москва: издательство МЦНМО 2018. – 415 с.
4. Скотт Мейерс. Эффективный и современный C++: 42 рекомендации по использованию C++: Пер. с англ. – Вильямс, 2016. – 304 с.
5. Уилсон Р. Введение в теорию графов, 5-е изд: Пер. с англ. – издательство «Диалектика», 2018 – 240 с.

# **ПРИЛОЖЕНИЕ А**

**Исходный код**

[PipesNetwork.py](https://github.com/kurpenok/OmSTU/blob/main/2 semester/DM/CGW/Code/PipesNetwork.py)